

# Exercices – Révisions Statique des fluides

## 1. Forces de pression sur un barrage :

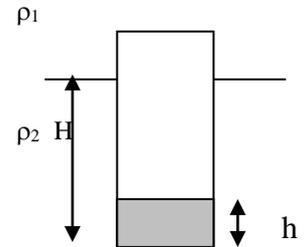
On s'intéresse à un barrage constitué d'un mur droit vertical. La hauteur d'eau est  $h = 5 \text{ m}$ . La largeur de la retenue d'eau est  $\ell = 4 \text{ m}$ . Calculer la force exercée par l'eau sur le barrage sachant que la pression atmosphérique est  $P_0 = 1 \text{ bar}$ .

## 2. Mini résolution de PB

Le roi Hiéron souhaite vérifier que sa couronne est bien en or pur. Comment peut-il procéder, sans détériorer la couronne ? Estimer un ordre de grandeur des paramètres physiques que vous vous proposez de mesurer, ainsi qu'un ordre de grandeur de l'incertitude. *Masse volumique de l'or :  $19,3 \cdot 10^3 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-3}$ .*

## 3. Equilibre d'un godet :

Un godet à parois minces de masse  $m$  (sa masse est toute concentrée dans le fond du godet) flotte verticalement à la surface de séparation de deux liquides de masses volumiques  $\rho_1$  et  $\rho_2$ . Déterminer la profondeur d'immersion  $H$  du godet si le fond du godet a une épaisseur  $h$  et une section  $S$  et si le godet lui-même est rempli d'un liquide de masse volumique  $\rho_1$ .



Réponse :  $H = (m - \rho_1 h S) / (\rho_2 - \rho_1)$ .

## 4. Bulle d'air :

Une bulle d'air de rayon  $R = 1 \text{ mm}$ , s'élève du fond d'un lac profond de  $20,4 \text{ m}$ . La température du fond est  $7^\circ\text{C}$ , la température de surface est  $27^\circ\text{C}$ . Quel est le rayon de la bulle lorsqu'elle atteint la surface. ( $P_{\text{surface}} = 1 \text{ bar}$ ,  $\rho_{\text{eau}} = 1000 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-3}$ )

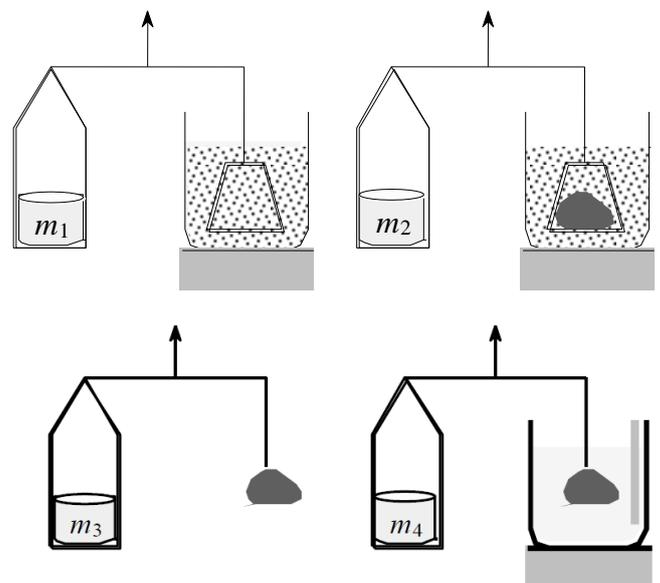
Réponse :  $R_{\text{surface}} = 1,086 \text{ mm}$ .

## 5. Mesure de la porosité ( Mines-Ponts 2005 ) :

Un échantillon de roche-réservoir de pétrole, de volume total  $V_T$ , est constitué d'un volume solide  $V_S$  et d'un volume de pores  $V_P$ . On appelle porosité, et l'on note  $\phi$ , le rapport  $\phi = \frac{V_P}{V_T}$ . Pour mesurer la porosité d'un échantillon, on peut procéder par mesures de poussées d'Archimède sur des corps immergés dans divers liquides.

### a) Mesure du volume total $V_T$

L'appareil représenté ci-contre mesure la poussée d'Archimède exercée par le mercure, de masse volumique  $\mu_{\text{Hg}}$ , sur l'échantillon immergé. Les deux bras de la balance ont la même longueur. Cet échantillon est disposé sur une nacelle, qui subit elle-même la poussée d'Archimède. La mesure procède en deux temps. Dans un premier temps, on équilibre la balance avec la nacelle seule ; dans un second temps, on équilibre la balance avec la nacelle chargée par l'échantillon. On suppose que le mercure ne pénètre pas dans les pores et l'on ne tient pas compte de la variation du niveau du mercure entre les deux manipulations.



Expliciter la notion de poussée d'Archimède. Exprimer  $V_T$  en fonction de  $m_1$ ,  $m_2$ , de la masse de l'échantillon  $m$ , et de  $\mu_{\text{Hg}}$ .

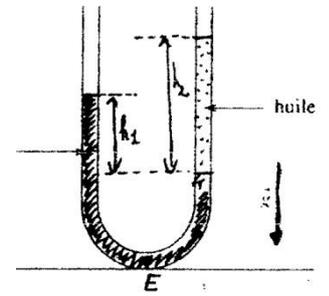
### b) Mesure de $V_S = V_T - V_P$

La balance est équilibrée, d'abord avec l'échantillon suspendu dans l'air, ensuite avec l'échantillon immergé dans un liquide solvant de masse volumique  $\mu_{\text{sol}}$ , qui envahit tous ses pores. Exprimer  $V_S$  en fonction de  $m_3$ ,  $m_4$  et de  $\mu_{\text{sol}}$ . En déduire la porosité de l'échantillon.

### Exercice 6 : Dénivellation dans un tube en U

On considère un tube en U contenant initialement de l'eau.

1. On verse alors un peu d'huile dans une des branches du tube en U. Expliquer pourquoi à l'équilibre mécanique l'huile se situe au-dessus de l'eau.
2. Exprimer le rapport  $h_1/h_2$  entre les altitudes des deux surfaces libres (i.e. à l'air libre) en fonction des masses volumiques de l'eau et de l'huile.

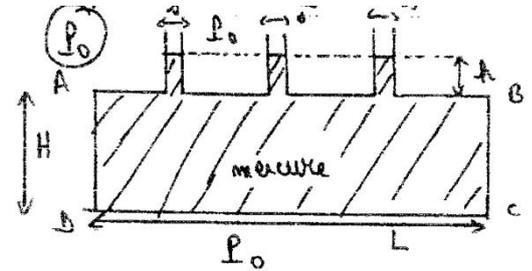


### Exercice 7 : Résultante des forces de pression (calcul intégral)

ABCD est un récipient parallélépipédique rectangle, de largeur  $\ell$  rempli avec du mercure. Ce récipient est ouvert sur l'atmosphère (pression  $P_0$ ) par l'intermédiaire de trois tubes de section  $s$ .

Données : masse volumique de Hg  $13,6 \text{ g.cm}^{-3}$

1. Déterminer la résultante des forces de pression exercées par le mercure sur le fond du récipient.
2. Déterminer la résultante des forces de pression exercées par le mercure sur la paroi rectangulaire AD.



### Exercice 8 : Verre d'eau et feuille de papier

On remplit complètement d'eau un verre cylindrique de hauteur  $h = 10 \text{ cm}$  et de rayon  $r = 3 \text{ cm}$ . On pose sur ce verre une feuille de papier, puis on retourne l'ensemble : on constate que la feuille reste « collée » au verre, et que l'eau ne se renverse pas. Expliquer qualitativement cette observation.

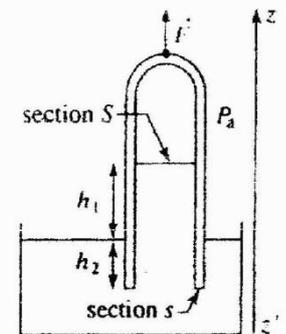
### Exercice 11 : Intérêt du Théorème d'Archimède

Avec quelle force  $\vec{F}$  faut-il tirer sur l'éprouvette (masse  $m$ ) pour la maintenir immobile ?

NB : la section notée « petit  $s$  » représente la surface formée par une section du tube.

La section notée « grand  $S$  » représente la surface occupée par l'eau à l'intérieur du tube.

1. Effectuer le calcul en utilisant le théorème d'Archimède.
2. Même question, mais en calculant directement la résultante des forces de pression exercées sur l'éprouvette. Conclure quant à l'utilité du Th. d'Archimède.



### Exercice 12 : Ballon sonde

Un ballon sonde est constitué d'une enveloppe déformable souple, fermée, renfermant une masse constante d'hélium assimilé à un gaz parfait, de masse molaire  $M = 4 \text{ g.mol}^{-1}$ . Une « nacelle » est suspendue au ballon, pour y déposer le matériel nécessaire au vol. La masse de la nacelle et du matériel qu'elle contient est  $m'$ , celle de l'enveloppe est négligeable (pas celle de l'hélium !). On assimilera l'air à un gaz parfait.

Le volume initial de l'enveloppe au niveau du sol est  $V_0 = 100 \text{ m}^3$ , celui de la nacelle est négligeable. Au niveau du sol, la pression atmosphérique est  $P_0 = 10^5 \text{ Pa}$ , la température de l'atmosphère est uniforme :  $T_0 = 280 \text{ K}$ .

1. Calculer la valeur maximale  $m'_{\text{max}}$  de la masse de la nacelle pour que le ballon puisse décoller. Quelle serait l'accélération du dispositif au décollage si  $m' = 10 \text{ kg}$  ? (souvenez-vous que la relation de la statique des fluides est une simple RFD au repos)
2. Le volume du ballon ne peut pas dépasser une valeur notée  $V_1 = 3V_0$  : une fois ce volume atteint, le ballon éclate. Montrer que cela implique l'existence d'une altitude maximale  $h_{\text{max}}$  pour le ballon sonde.