



Méca Newton : pt matériel

Méca Newton : Syst N points matériels (fluide, ensemble de solides, etc.)



(sauf chap. Bilans macro)

TQM

$$m_{tot} \vec{a}_G = \vec{F}_{ext}$$
 ou $\frac{d \overrightarrow{P_{tot}}}{dt} = \vec{F}_{ext}$

Extensivité quantité mvt

$$ec{P}_{tot} \stackrel{ ext{def}}{=} \sum_{i} m_{i} ec{v}_{i}$$
 $ec{P}_{tot} = m_{tot} ec{v}_{G}$

TMC

$$\frac{d\overrightarrow{L_A}}{dt} = \overrightarrow{M_A}(\overrightarrow{F}_{ext})$$
$$\frac{dL_\Delta}{dt} = M_\Delta(\overrightarrow{F}_{ext})$$

Extensivité moment cinétique

$$\vec{L}_A \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \sum_i \overrightarrow{OM_i} \wedge m_i \vec{v}_i$$

TEC

$$\frac{dE_c}{dt} = P_{ext} + P_{int}$$

Extensivité énergie cinétique

$$E_c \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \sum_i \frac{1}{2} m_i v_i^2$$

$$P_{int} \stackrel{\text{def}}{=} \vec{F}_{int} \cdot \vec{v}_{pt \ applic} + \Gamma_{int} \omega_{axe \ int}$$

$$P_{ext} \stackrel{\text{def}}{=} \vec{F}_{ext} \cdot \vec{v}_{pt \ applic} + \Gamma_{ext} \omega$$

Cas particulier : solide $P_{int}=0$

Cas particulier : solide en rotation autour d'un axe fixe

$$\begin{array}{cccc} L_{\Delta} = J\omega & \rightarrow & \mathsf{TMC}: & J\frac{d\omega}{dt} = M_{\Delta}(\vec{F}_{ext}) \\ E_{c} = \frac{1}{2}J\omega^{2} \rightarrow & \mathsf{TEC}: & \frac{dE_{c}}{dt} = \boldsymbol{\Gamma}\boldsymbol{\omega} \end{array}$$